



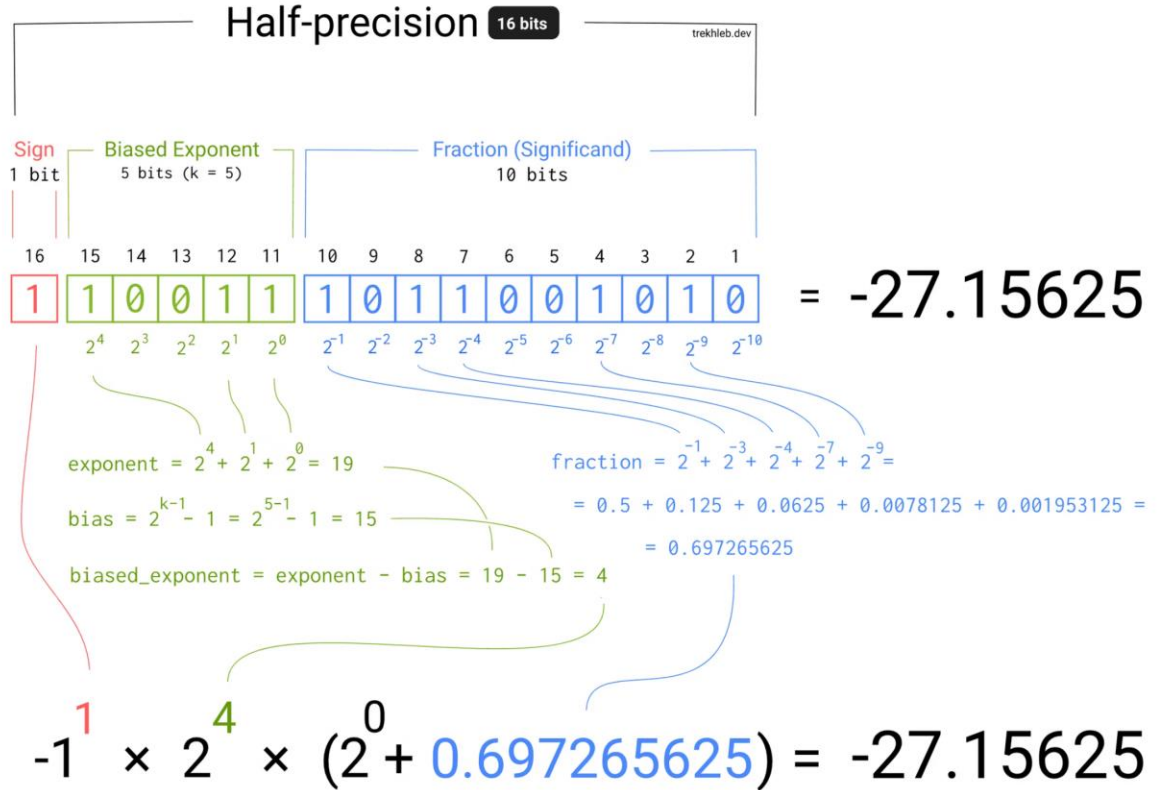
# Resolvendo o Problema da CPU

Como o Wolfenstein 3D superou **limitações** de hardware usando **aritmética de ponto fixo** para operações de **ponto flutuante** rápidas.

# Aritmética de Ponto Fixo

A técnica que "engana" a ALU para realizar **operações de ponto flutuante** usando apenas operações inteiras. Permite **frações** enquanto mantém a **velocidade** da CPU.

Layout 8:8: 8 bits para parte inteira, 8 bits para parte fracionária.



# Como Funciona



Adição/Subtração

Funciona exatamente como **inteiros**



Shifts

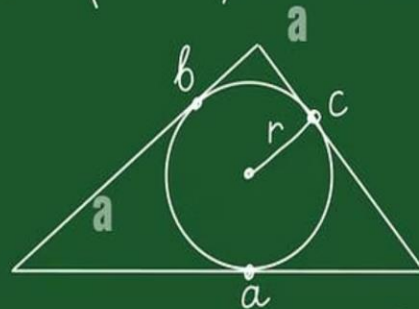
Dividir/multiplicar por potências de 2



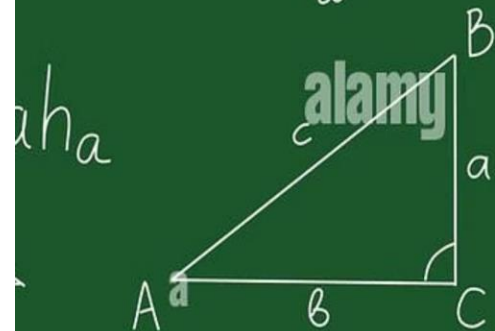
Multiplicação

Caso especial com **perda de precisão**

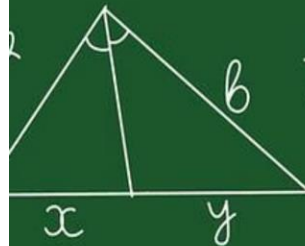
$$+b) (a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$



$$S = pr$$
$$p = \frac{a+b+c}{2}$$



$$\cos_c = \frac{a^2}{c^2}$$



$$\frac{a}{x} = \frac{b}{y}$$



# Curiosidade

O uso da aritmética de ponto fixo não se limitava aos jogos de PC. Muitos **consoles de jogos** fabricados na década de 90 e posteriormente não possuíam **unidades de ponto flutuante** para reduzir o **custo de produção** e maximizar o **desempenho do pipeline da CPU**.

O **PlayStation original da Sony (1994)** e o **Saturn da Sega (1994)** são exemplos disso.



# Sistema de Coordenadas

64

Blocos

Mapa de 64x64 blocos

8

Pés

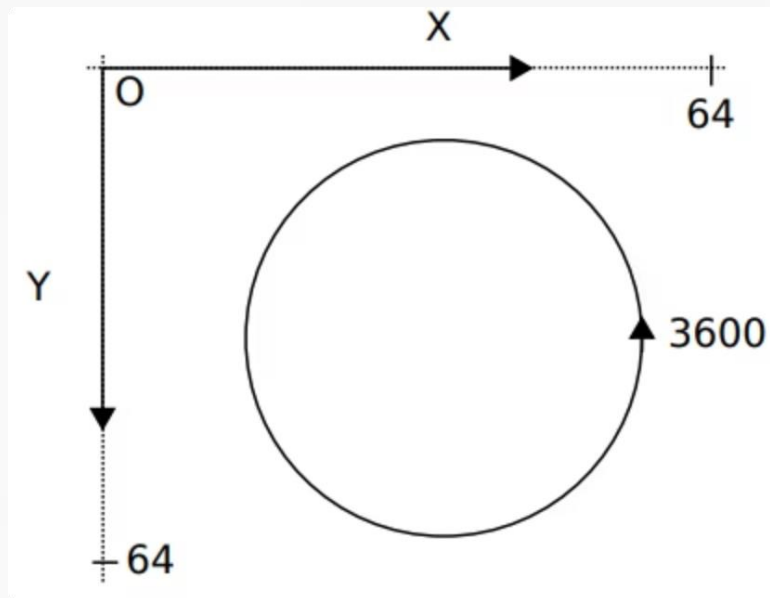
Cada bloco tem 8 pés

512

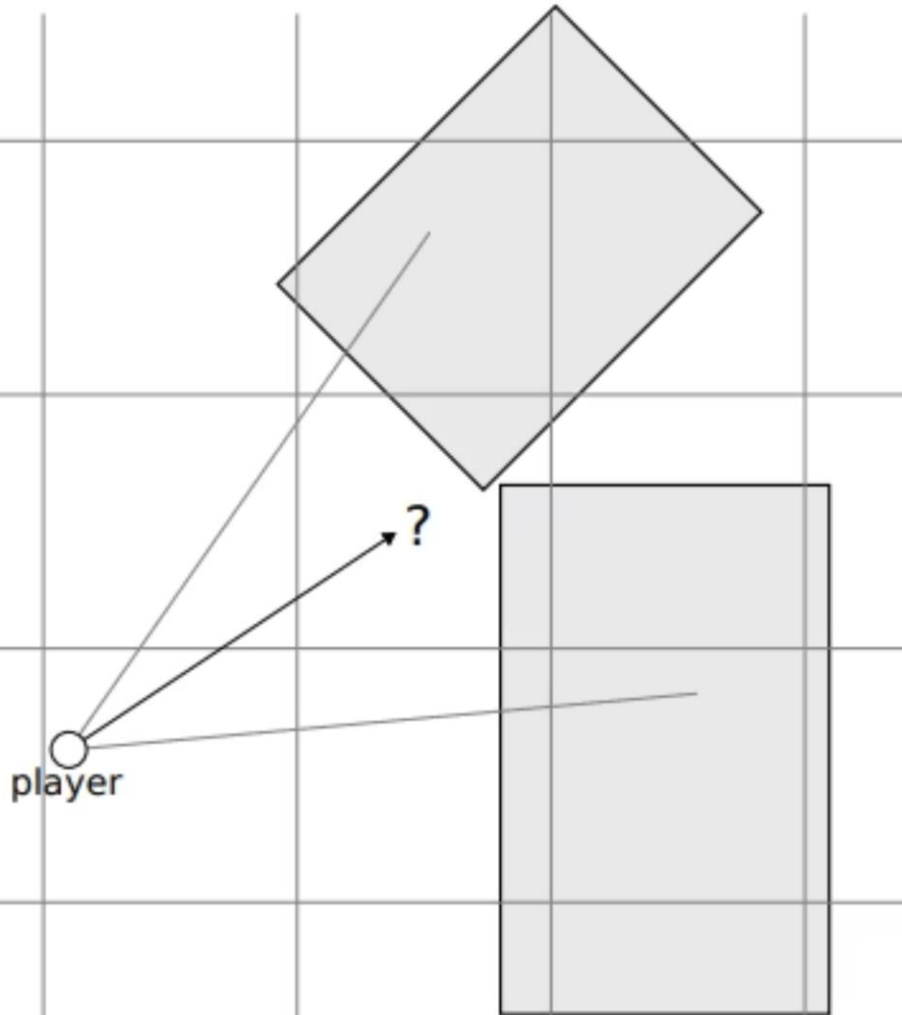
Pés

Mapas de 512x512 pés

Origem no canto superior esquerdo. Ângulos em int representando décimos de graus [0, 3600].



# Determinação de Superfície Visível



"O problema mais difícil de 3D: determinar qual superfície desenhar em cada pixel e descartar polígonos não visíveis."

VSD escala diretamente com complexidade da cena, tornando-se fator limitante em mundos realistas.

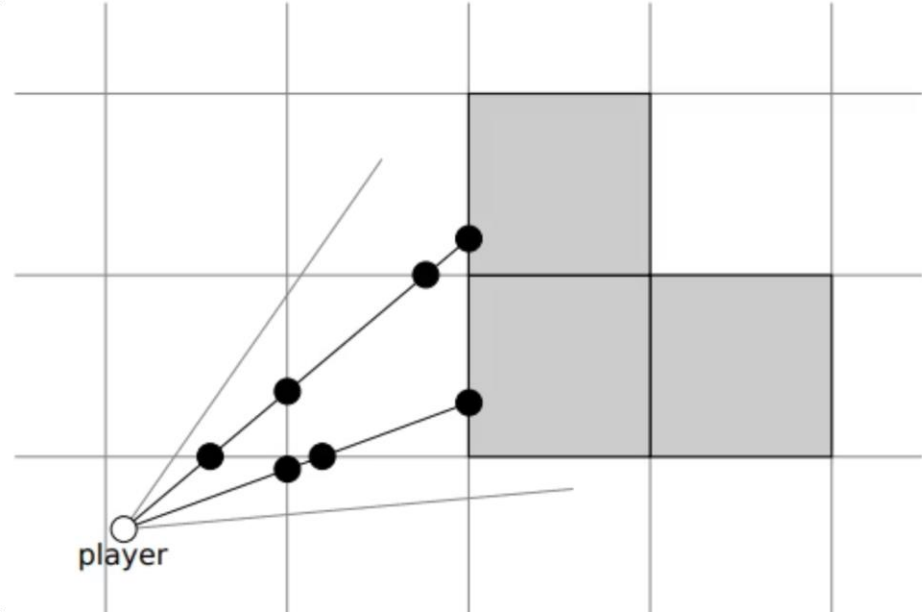
# RayCasting com Grid

## Restrições do Mundo

- Blocos quadrados alinhados
- Distribuição uniforme em grid
- Paredes perpendiculares 8x8x8 pés ( $\pm 2,5m$ )
- Aparência de corredor/labirinto

## Vantagens

100% de precisão com baixa sobrecarga de tempo de execução. Verifica colisões apenas quando "raio" cruza grid.



# Call Apogee



Após o lançamento do jogo, muitos jogadores começaram a utilizar programas de trapaça e técnicas de engenharia reversa, que permitiam revelar o mapa completo do jogo. Com isso, tornou-se muito mais fácil localizar a sala secreta do "Aardwolf".



- "Aardwolf" foi escolhido por ser o primeiro arquivo de imagem no dicionário das máquinas NeXT usadas pela id Software.

- O nome acabou se tornando um mascote interno da equipe de desenvolvimento.

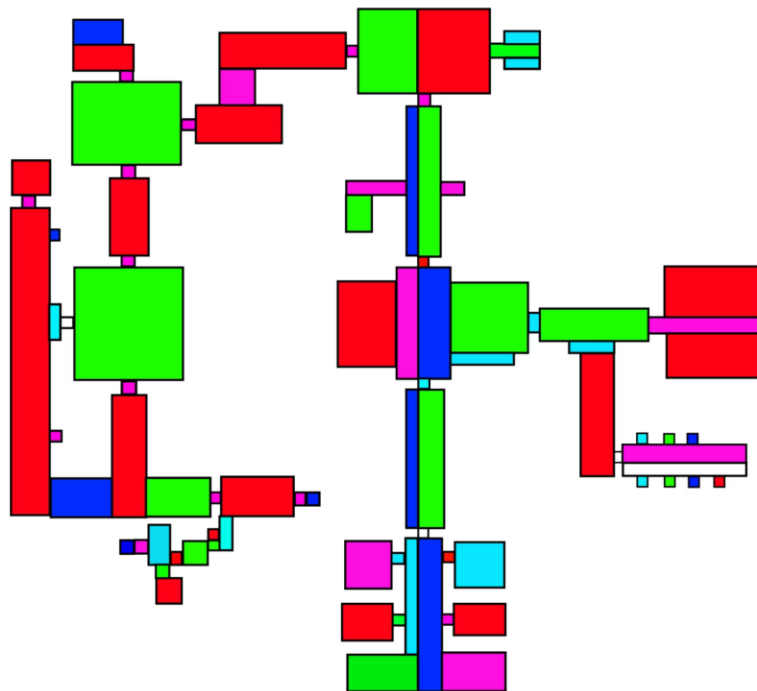
# Super Nintendo vs RayCasting

## PROBLEMA

- O processador 5A22 era fraco para raycasting
- A primeira versão tinha baixo FPS
- o desempenho ficou inviável

## Solução: BSP (Binary Space Partitioning)

- O mapa era dividido repetidamente em regiões menores para acelerar a ordenação dos elementos da cena
- As paredes eram desenhadas "de perto para longe"
- Reduziu o processamento necessário e melhorou a taxa de quadros do jogo.
- O BSP se tornou uma das bases das futuras engines 3D.



# DDA - Digital Differential Analyzer

Para cada coluna da Tela

Calcular ângulo do raio e vetores de direção; inicializar variáveis de passo (xstep, ystep)

Enquanto a parede não for encontrada

Identificar interseção mais próxima

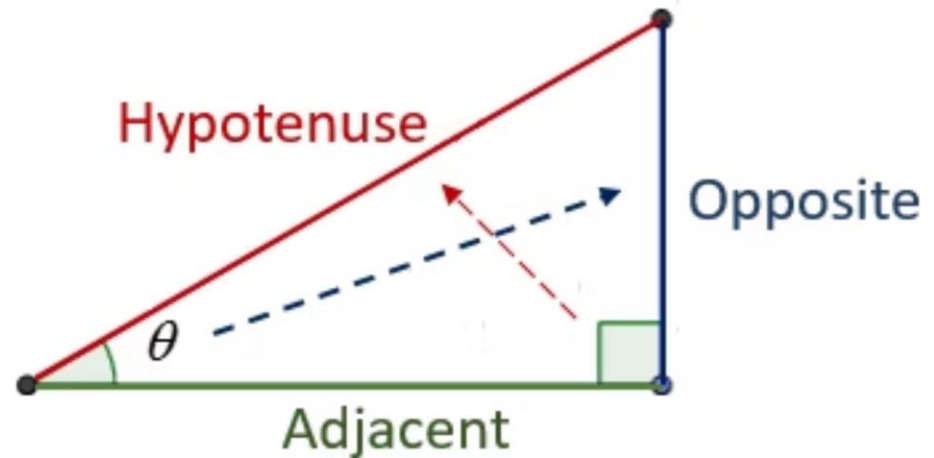
Saltar para a fronteira da grade (horizontal ou vertical)

Verificar se a célula atingida é uma parede ou uma porta

# Base Matemática

## Cálculo do deslocamento Raio

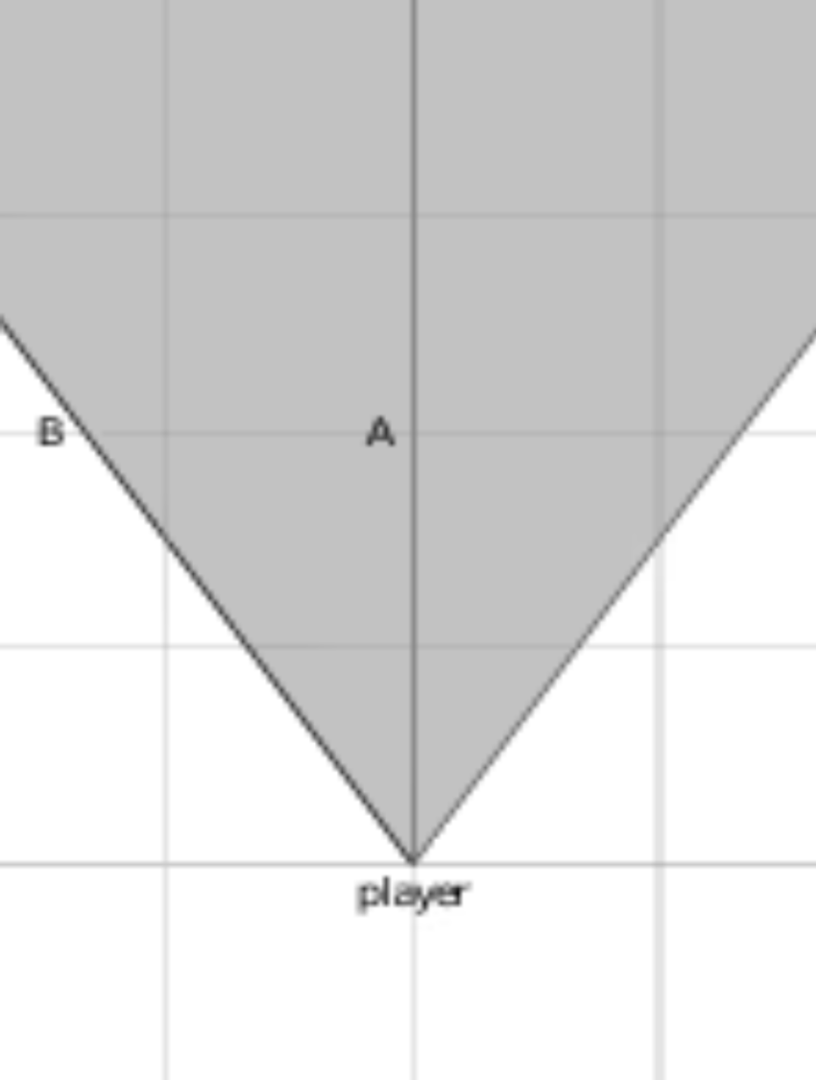
- 1 unidade em x;  $\tan(\theta)$  em y
- 1 unidade em y;  $\tan(90^\circ - \theta)$  em x
- Uso de uma tabela para agilizar o cálculo trigonométrico (capítulo 4.11.1)



# Efeito Fish Eye

- ❶ Distância euclidiana gera fish eye pois considera a projeção da cena na câmera, gerando uma percepção distorcida.

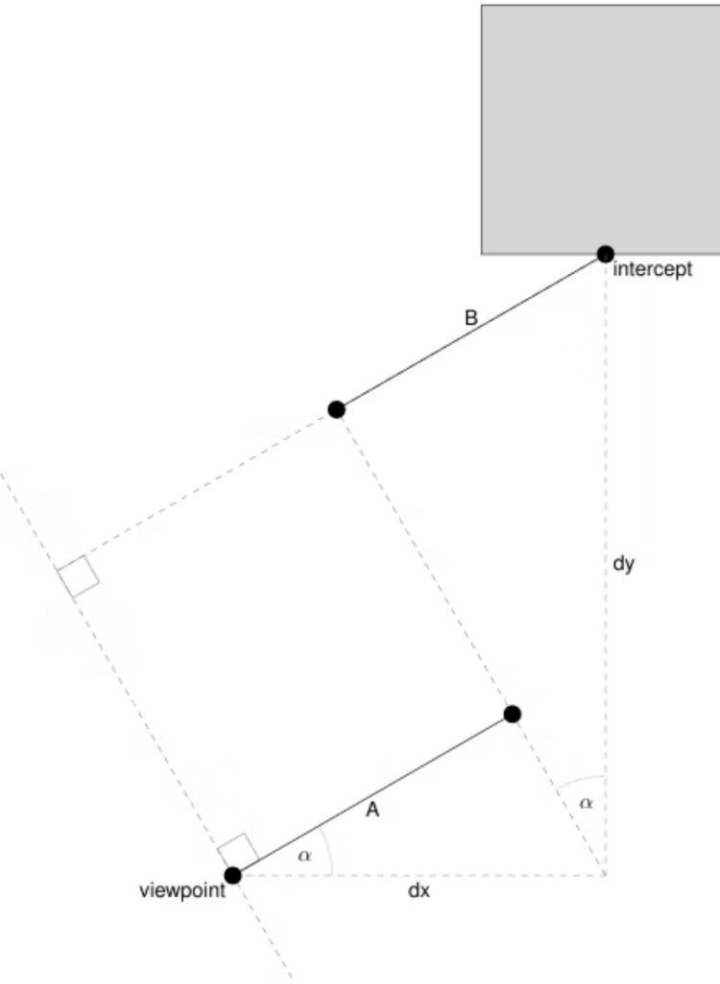




# Efeito Fish Eye

A distância euclidiana mede corretamente o caminho do raio até a parede, porém os raios laterais percorrem distâncias maiores que os centrais. Como resultado, o motor interpreta as paredes laterais como mais distantes, renderizando-as menores e causando a distorção conhecida como efeito *fish-eye*.

# Cálculo de Altura da Coluna



01

Componente A

$$A = dx \cdot \cos(\alpha)$$

02

Componente B

$$B = dy \cdot \sin(\alpha)$$

03

Distância Projetada

$$z = A + B = dx \cdot \cos(\alpha) + dy \cdot \sin(\alpha)$$

A equação calcula a distância projetada da parede em relação à câmera do jogador, considerando apenas o que está à frente da visão e ignorando o deslocamento lateral dos raios diagonais.

# Resultado Final

Desempenho

Algoritmo otimizado em assembly

Linhas Retas

Correção elimina distorção fisheye

Precisão

100% de acurácia matemática

